Semaine 6 : La notation For

Les fonctions d'ordre supérieur telles que *map*, *flatMap* ou *filter* fournissent des constructions puissantes pour manipuler les listes.

Mais parfois le niveau d'abstraction requis par ces fonctions rend le programme difficile à comprendre.

Dans ce cas, la notation ***for*** de Scala peut être utile.

Exemple : Soit une liste *persons* de personnes, avec champs *name* et *age*. Pour imprimer les noms des personnes âgées de plus de 20 ans, on écrira :

$$\textbf{\textit{for}}\ (\ \textbf{\textit{val}}\ p \leftarrow persons;\ p.age > 20\ )\ \textbf{\textit{yield}}\ p.name$$

qui est équivalent à :

$$persons\ filter\ (p \Rightarrow p.age > 20)\ map\ (p \Rightarrow p.name)$$

L'expression for est similaire à la boucle for des langages impératifs, sauf qu'elle construit une liste des résultats de toutes les itérations.

Syntaxe du For

Une expression for est de la forme

for (s) ***yield*** e

Ici, s est une séquence de *générateurs* et de *filtres*.

- Un *générateur* est de la forme ***val*** $p \leftarrow e$, où p est un motif et e une expression dont la valeur est une liste. Il lie les variables dans le motif p aux valeurs successives de la liste.
- Un *filtre* est une expression f de type *boolean*. Il écarte toutes les liaisons pour lesquelles f vaut *false*.
- La séquence doit débuter par un générateur.
- S'il y a plusieurs générateurs dans la séquence, les derniers générateurs varient plus rapidement que les premiers.

Utilisation de *for*

Voici deux exemples qui étaient résolus précédemment grâce à des fonctions d'ordre supérieur :

Exemple : Étant donné un entier positif n, trouver tous les couples d'entiers positifs i, j tels que $1 \leq j < i < n$, et $i + j$ est premier.

```
for ( val i ← List.range(1, n);
      val j ← List.range(1, i);
      isPrime(i+j)
) yield Pair(i, j)
```

Exemple : On peut écrire le produit scalaire de deux vecteurs ainsi.

```
def scalarProduct(xs: List[Double], ys: List[Double]) : Double = {
   sum (for ( val Pair(x, y) ← xs zip ys ) yield x * y)
}
```

Exemple : les n-reines

- Le problème des huit reines consiste à placer 8 reines sur un échiquier de telle manière qu'aucune reine ne soit en prise avec une autre.
- Autrement dit, il ne peut y avoir deux reines sur la même ligne, colonne ou diagonale.
- On développe maintenant une solution pour les échiquiers de taille quelconque, pas simplement 8.
- Une manière de résoudre le problème est de placer une reine sur chaque ligne.
- Une fois qu'on a placé $k-1$ reines, on doit placer la k-ième reine dans une colonne où elle n'est en échec avec aucune autre reine sur le plateau.

- On peut résoudre ce problème grâce à un algorithme récursif :
  - Supposons qu'on ait déjà généré toutes les solutions consistant à placer $k-1$ reines sur un plateau de largeur n.
  - Chaque solution est représentée par une liste (de longueur $k-1$) contenant des numéros de colonne (entre 1 et n).
  - Le numéro de colonne de la reine dans la ligne $k-1$ vient en premier dans la liste, suivi par le numéro de colonne de la reine dans la ligne $k-2$, etc.
  - L'ensemble des solutions est alors représenté par une liste de listes, avec un élément pour chaque solution.
  - Maintenant, pour placer la k-ième reine, on génère toutes les extensions possibles de chaque solution précédente par une nouvelle reine :

```
def queens(n: int): List[List[int]] = {
  def placeQueens(k: int): List[List[int]] = {
    if (k == 0) List(List())
    else {
      for ( val queens ← placeQueens(k − 1);
            val col ← range(1, n + 1);
            isSafe(col, queens, 1) ) yield col :: queens
    }
  }
  placeQueens(n);
}
```

Exercice : Écrire une fonction

```
def isSafe(col: int, queens: List[int], delta: int): boolean
```

qui teste si une reine dans la colonne indiquée *col* est en sûreté par rapport aux reines déjà placées. Ici, *delta* est la différence entre la ligne de la reine à placer et la ligne de la première reine dans la liste.

Requêtes avec *for*

La notation for est pour l'essentiel équivalente aux opérations communes des langages de requête des bases de données.

Exemple : Supposons que nous ayons une base de données de livres *books*, représentée comme une liste de livres.

```
class Book {
    val title: String;
    val authors: List[String];
}

val books: List[Book] = List(
    new Book {
        val title = "Structure and Interpretation of Computer Programs";
        val authors = List("Abelson, Harald", "Sussman, Gerald J."); 
    },
```

```
        new Book {
            val title = "Introduction to Functional Programming";
            val authors = List("Bird, Richard");
        },
        new Book {
            val title = "Effective Java";
            val authors = List("Bloch, Joshua");
        }
    )
```

Alors, pour trouver les titres des livres dont le nom de l'auteur est "Bird" :

```
    for ( val b ← books; val a ← b.authors; a startsWith "Bird"
        ) yield b.title
```

(Ici, *startsWith* est une méthode de *java.lang.String*). Ou, pour trouver les titres de tous les livres qui ont le mot "Program" dans leur titre :

```
    for ( val b ← books; containsString(b.title, "Program")
        ) yield b.title
```

(Ici, *containsString* est une méthode qu'il faut écrire, par ex. en utilisant la méthode *indexOf* de *java.lang.String*).

Ou, pour trouver les noms de tous les auteurs qui ont écrit au moins deux livres présents dans la base de données.

```
for ( val b1 ← books;
      val b2 ← books;
      b1.title.compareTo(b2.title) < 0;
      val a1 ← b1.authors;
      val a2 ← b2.authors;
      a1 == a2 ) yield a1
```

Problème : Que se passe-t-il si un auteur a publié 3 livres ?

Solution : On doit effacer les auteurs en double dans la liste des résultats.

On y arrive avec la fonction suivante.

```
def removeDuplicates[a](xs: List[a]): List[a] =
  if (xs.isEmpty) xs
  else xs.head :: removeDuplicates(xs.tail filter (x ⇒ x != xs.head));
```

Il est équivalent de formuler la dernière expression ainsi

```
xs.head :: removeDuplicates(for (val x ← xs.tail; x != xs.head) yield x)
```

Parenthèse : expressions de création d'objet

L'exemple précédent a montré une nouvelle façon de créer des objets :

```
new Book {
    val title = "Structure and Interpretation of Computer Programs";
    val authors = List("Abelson, Harald", "Sussman, Gerald.J");
}
```

Ici, le nom de la classe est suivi d'un *patron* (template).

Le template est composé de définitions pour l'objet à créer.

Typiquement, ces définitions implantent les membres abstraits de la classe.

C'est similaire aux *classes anonymes* de Java.

On peut voir une telle expression comme étant équivalente à la définition d'une classe locale et d'une valeur de cette classe :

```
{
    class Book' extends Book {
        val title = "Structure and Interpretation of Computer Programs";
        val authors = List("Abelson, Harald", "Sussman, Gerald.J");
    }
    (new Book'): Book
}
```

Traduction de *for*

La syntaxe du for est étroitement liée aux fonctions d'ordre supérieur *map*, *flatMap* et *filter*.

Tout d'abord, ces fonctions peuvent toutes être définies en terme de ***for***:

```
abstract class List[a] {
  ...
  def map[b](f: a ⇒ b): List[b] =
    for ( val x ← this ) yield f(x)

  def flatMap[b](f: a ⇒ List[b]): List[b] =
    for ( val x ← this; val y ← f(x) ) yield y

  def filter(p: a ⇒ boolean): List[a] =
    for ( val x ← this; p(x) ) yield x
}
```

Ensuite, les expressions for peuvent elles-même être exprimées en termes de *map*, *flatMap* et *filter*.

Voici le schéma de traduction utilisé par le compilateur (on se limite ici aux motifs simples).

- Une expression for simple

  $$\textbf{\textit{for}}\ (\textbf{\textit{val}}\ x \leftarrow e)\ \textbf{\textit{yield}}\ e'$$

  est traduite en

  $$e.map\,(x \Rightarrow e')$$

- Une expression for

  $$\textbf{\textit{for}}\ (\textbf{\textit{val}}\ x \leftarrow e;\ f;\ s)\ \textbf{\textit{yield}}\ e'$$

  où f est un filtre et s est une séquence (potentiellement vide) de générateurs et de filtres, est traduite en

  $$\textbf{\textit{for}}\ (\textbf{\textit{val}}\ x \leftarrow e.filter\,(x \Rightarrow f);\ s)\ \textbf{\textit{yield}}\ e'$$

  (et la traduction continue avec la nouvelle expression).

- Une expression for

  $$\textbf{\textit{for}}\ (\textbf{\textit{val}}\ x \leftarrow e;\ \textbf{\textit{val}}\ y \leftarrow e';\ s)\ \textbf{\textit{yield}}\ e''$$

  où s est une séquence (potentiellement vide) de générateurs et de filtres, est traduite en

  $$e.\mathit{flatMap}\,(x \Rightarrow \textbf{\textit{for}}\ (\textbf{\textit{val}}\ y \leftarrow e';\ s)\ \textbf{\textit{yield}}\ e'')$$

  (et la traduction continue avec la nouvelle expression).

Exemple : Si on reprend notre exemple de couples de somme paire :

```
for  (  val i ← range(1, n);
        val j ← range(1, i);
        isPrime(i+j)
) yield Pair(i, j)
```

voici ce qu'on obtient quand on traduit cette expression :

```
range(1, n)
    .flatMap(
        i ⇒ range(1, i)
                .filter(j ⇒ isPrime(i+j))
                .map(j ⇒ Pair(i, j)))
```

Exercice : Définir la fonction suivante en terme de ***for***.

$$\textbf{\textit{def}}\ concat\,[\mathrm{a}]\,(xss\colon List\,[List\,[\mathrm{a}]\,]\,)\colon List\,[\mathrm{a}]\ =$$
$$xss.foldRight\,(xs\colon List\,[\mathrm{a}],\ ys\colon List\,[\mathrm{a}] \Rightarrow xs :::\ ys\,)\,(List\,(\,)\,)$$

Exercice : Traduire

$$\textbf{\textit{for}}\ (\ \textbf{\textit{val}}\ b \leftarrow books;\ \textbf{\textit{val}}\ a \leftarrow b.authors;\ a\ startsWith\ \text{"}Bird\text{"}\ )\ \textbf{\textit{yield}}\ b.title$$
$$\textbf{\textit{for}}\ (\ \textbf{\textit{val}}\ b \leftarrow books;\ containsString\,(b.title,\ \text{"}Program\text{"}\,)\ )\ \textbf{\textit{yield}}\ b.title$$

en fonctions d'ordre supérieur.

Généralisation de *for*

De façon intéressante la traduction de for ne se limite pas aux listes ; elle repose uniquement sur la présence des méthodes *map*, *flatMap* et *filter*.

Cela donne au programmeur la possibilité d'avoir la syntaxe for pour d'autres types également – on doit seulement définir *map*, *flatMap* et *filter* pour ces types.

Il y a de nombreux types pour lesquels ceci est utile : les tableaux, les itérateurs, les bases de données, les données XML, les valeurs optionnels, les analyseurs syntaxiques, etc.

Par exemple, *books* pourrait ne pas être une liste, mais une base de donnée stockée sur un serveur quelconque.

Du moment que l'interface client de la base de données définit les méthodes *map*, *flatMap* et *filter*, on peut utiliser la syntaxe for pour exprimer des requêtes sur cette base de données.

Sujet de recherche active : De quoi a-t-on besoin pour rendre les langages *dimensionnables* (scalable), de telle manière qu'ils puissent subsumer les langages spécifiques à un domaine (parmi lesquels les langages de requête pour les bases de données tels que SQL ou XQuery) ?